DOI :10. 3969/J. ISSN. 1672-6693. 2011. 02. 014

Cr、Mn 掺杂锐钛矿相 TiO₂ 的第一性原理研究^{*}

王渭华,冯庆

(重庆师范大学物理与电子工程学院光学工程重点实验室,重庆400047)

摘要 采用基于密度泛函理论的平面波超软赝势的方法,研究了纯锐钛矿相 TiO₂、Cr、Mn 单掺杂 TiO₂ 的能带结构、电 荷布居、态密度和光学性质。对电子性质分析发现 :Mn 掺杂引起杂质能带位于禁带中央,杂质能带最高点与导带相 距大约 0.6 eV ,而最低点与价带相距大约 0.65 eV ,其中杂质能带主要由 0 原子的 2p 轨道和 Mn 原子的 3d 轨道杂化 形成 ;Cr 掺杂引起杂质能带位于导带底附近,杂质能带最高点与导带相距大约 0.1 eV ,而最低点与价带相距大约 1.3 eV ,其中杂质能带主要由 0 原子的 2p 轨道和 Cr 原子的 3d 轨道杂化形成 ,由于杂质能级的出现 ,使锐钛矿 TiO₂ 的禁带宽度变小。对光学性质分析发现 :Cr、Mn 单掺杂会使锐钛矿 TiO₂ 光学吸收带边红移 ,可见光区的光吸收系数 明显增大 ,在低能区出现了新的吸收峰 ,Cr 掺杂吸收峰对应能量为 1.92 eV ,Mn 掺杂吸收峰对应能量为 1.82 eV ,与 实验结果相符。

关键词 锐钛矿相 TiO₂ 第一性原理 密度泛函理论 ,Cr、Mn 单掺杂 中图分类号 10644 文献标识码 :A

锐钛矿相 TiO₂ 作为典型的半导体光催化材料 受到广泛关注,但由于锐钛矿相 TiO, 对太阳能利用 率低 使得它在大规模工业化中的应用受到影响。 常用的锐钛矿相 TiO, 禁带宽度 $E_a = 3.2 \text{ eV}$,只有在 紫外光作用下才能表现出明显的光催化活性。为了 更好地利用太阳能,使 TiO, 吸收带边产生红移,如 何减小锐钛矿 TiO, 的带隙宽度就成为 TiO, 研究的 主要方向之一。对 TiO, 进行掺杂是一种切实可行 的方案^[14],作者已做了关于 TiO₂ 点缺陷性质的理 论研究^[5],有学者对于 Cr、Mn 单掺杂 TiO,做了相关 实验^[6-10]。陈建华等人的实验结果表明,Cr掺杂锐 钛矿相 TiO2 能够显著提高薄膜的光催化活性 ,薄膜 的吸收带边发生了明显的红移 提高了可见光的利 用率^[6];刘昭麟等人的实验结果表明,掺入少量 Cr 后 提高了可见波段的光吸收 使原来位于 380 nm 的吸收边向长波方向移动,并且在 480 nm 产生了新 的吸收边 实现了与太阳光谱的匹配^[7]。本文运用 基于密度泛函理论的平面波超软赝势的第一性原理 方法对 Cr、Mn 单掺杂 TiO, 做理论研究。

1 模型的构建与计算方法

锐钛矿相 TiO, 的空间群为 141/amd,属正方

文章编号:1672-6693(2011)02-0065-05

(四方)晶系结构。在 TiO_2 晶体中,Ti离子位于相 邻的6个O离子所形成的8面体中心,氧原子周围 相邻3个钛原子,这3个钛原子位于3个不同的8 面体中心,每个晶胞内含有4个Ti原子和8个O原 子。在均衡考虑计算机负荷与超晶胞体积大小后, 如图1构建一个 $2 \times 1 \times 1$ 的超级原胞,其中1个Ti原子被 Cr 或 Mn 原子取代,Cr 掺杂 TiO_2 中 Cr 原子 的质量分数为8.07%,Mn 掺杂 TiO_2 中 Mn 原子的 质量分数为8.50%。

计算工作采用基于密度泛函理论的平面波超软 赝势方法进行,电子与离子间的相互作用使用超软 赝势方法,电子间相互作用的交换关联能由广义梯 度近似(GGA)下的PBE进行描述,考虑到掺杂原子 对晶格参数的影响,Ti原子被取代后进行结构优化 计算。在结构优化环节中,能量收敛性标准设为 2×10⁻⁵ eV/atom,平面波截断能设为340 eV,第一 布里渊区按3×5×2进行分格。

晶体几何结构优化结果如表 1 所示,TiO₂ 多粒 子系统的最低能量为 – 19 851.970 5 eV,此时其晶 胞处于最稳态,几何优化得到的理论晶胞参数与 Asahi R 等人计算出的结果^[11]相近,但更加接近实 验数值^[12],误差小于 1%,表明理论计算精确度高, 结果非常可靠。



图 1 锐钛矿 TiO₂ 及其掺杂后的超晶胞模型

2 电荷布居

布居分析显示,标准锐钛矿相 TiO₂ 的 O 和 Ti 原子的电荷布居如表 2,掺杂 Cr 后的 TiO₂晶体中电 荷布居数如表 3,从表中发现取代晶格 Ti 位掺杂的 Cr 离子的电荷布居数为 0.99,与未掺杂的 O 原子的 电荷布居 – 0.67 相比,掺杂后 O 的布居数有所下 降;与未掺杂的 Ti 原子的电荷布居 1.33 相比,掺杂 后 Ti 的布居数有所增加。Cr 掺杂后表明 O 原子周 围的电负性减弱,Ti 原子周围的电正性增加。掺杂 Mn 后的 TiO₂晶体中电荷布居数如表 4,从表中发现 取代晶格 Ti 位掺杂的 Mn 离子的电荷布居数为 0.91,掺杂后 O 的布居数也有所下降,Ti 的布居数 有所增加。Mn 掺杂后同样表明 O 原子周围的电负 性减弱,Ti 原子周围的电正性增加。

	<u>实验值[12]</u>	理论值[11]	本文理论值
a/nm	0.378 5	0.377 9	0.377 6
c∕nm	0.9514	0.948 6	0.948 6
$d_{\it ap}/{ m nm}$	0.1978	0.198 5	0.1973
$d_{\scriptscriptstyle eq}/{ m nm}$	0.193 4	0.1927	0.193 0
c/a	2.513 0	2.5100	2.512 2
2 <i>θ/</i> (°)	156.160	156.8800	156.168 0

表1 晶体参数实验值与理论值

-	表 2 纯锐钛矿相 TiO ₂ 晶体 2 × 1 × 1 超级胞中							
电荷布居数								
	\$	р	d	f	总电荷	变化量		
0	1.85	4.82	0	0	6.67	-0.67		
Ti	2.27	6.26	2.14	0	10.67	1 33		

3 能带结构和态密度

图 2~4 分别是锐钛矿 TiO₂ 在掺杂前后沿第一 布里渊区对称点方向的能带结构以及费米面附近导 带、价带的态密度,能带图中始终将电子能够填充的 最高能级作为能量零点。

表 3 掺杂 Cr 后的锐钛矿相 TiO₂ 晶体 $2 \times 1 \times 1$

	超级胞中电荷布居数					e
	\$	р	d	f	总电荷	变化量
0	1.85	4.82	0.00	0.00	6.67	-0.67
	1.85	4.77	0.00	0.00	6.63	-0.63
	1.85	4.81	0.00	0.00	6.67	-0.67
	1.85	4.69	0.00	0.00	6.55	-0.55
	1.85	4.76	0.00	0.00	6.62	-0.62
	1.85	4.81	0.00	0.00	6.66	-0.66
Ti	2.28	6.27	2.12	0.00	10.67	1.33
	2.28	6.25	2.12	0.00	10.65	1.35
	2.28	6.27	2.12	0.00	10.67	1.33
	2.28	6.23	2.12	0.00	10.62	1.38
	2.28	6.26	2.14	0.00	10.68	1.32
Cr	2.34	6.26	4.41	0.00	13.01	0.99

表 4 掺杂 Mn 后的锐钛矿相 TiO₂ 晶体 2 ×1 ×1 超级胞 中电荷布居数 e

					C	
	\$	р	d	f	总电荷	变化量
0	1.85	4.82	0.00	0.00	6.67	-0.67
	1.85	4.77	0.00	0.00	6.63	-0.63
	1.85	4.81	0.00	0.00	6.67	-0.67
	1.85	4.69	0.00	0.00	6.55	-0.55
	1.85	4.76	0.00	0.00	6.62	-0.62
	1.85	4.81	0.00	0.00	6.66	-0.66
Ti	2.28	6.27	2.12	0.00	10.67	1.33
	2.28	6.25	2.12	0.00	10.65	1.35
	2.28	6.27	2.12	0.00	10.67	1.33
	2.28	6.23	2.12	0.00	10.62	1.38
	2.28	6.26	2.14	0.00	10.68	1.32
\mathbf{Cr}	2.34	6.26	4.41	0.00	13.01	0.99

首先由图 2(a)计算出纯 TiO₂ 最小带隙为 2.18 eV 小于锐钛矿 TiO₂ 实验值 3.2 eV ,已有文献做了 解释^[4],这是因为采用广义梯度近似(GGA)在处理 一些体系时,由于交换关联能只计入某处的电荷密 度对交换关联能的影响,并不能完全描述真实的多 电子相互作用能,通常会低估带隙。导带最低点在 G点,而价带最高点在F点,说明锐钛矿 TiO₂为间 接跃迁半导体,但由于与导带底同一G点的带隙宽 度与前者比较很接近,认为也可产生由同一点的直 接跃迁。从图 2(b)掺 Cr后的 TiO₂能带结构图可 以发现:Cr掺杂引起杂质能带位于导带底附近,杂 质能带最高点与导带相距大约 0.1 eV,而最低点与 价带相距大约 1.3 eV,其宽度为 0.7 eV,与未掺杂 的 TiO,的禁带宽度 2.18 eV 相比减小了 0.88 eV, 电子可以吸收较小的能量从价带跃迁导带。如图 2 (c)掺杂 Mn 后,在带隙中央出现了 3 条明显的杂质 能带,如图中箭头所示,其宽度为 1.0 eV,杂质能带 最高点与导带相距大约 0.6 eV,而最低点与价带相 距大约 0.65 eV,杂质能带跨越费米面,电子在该能 带上是未填充满状态,具有很高的活性,体系体现出 金属性,这使禁带宽度明显减小,电子可以吸收较小 的能量从价带跃迁到杂质能级,再向导带跃迁。



图 2 纯 TiO₂ 及掺杂后 TiO₂ 的能带结构图

图 3 为锐钛矿 TiO₂ 掺杂 Cr 后的费米能级附近 的总态密度和分态密度。由图 3(b)可以看出 ,掺 Cr 后穿过费米能级的杂质能级主要由 0 原子的 2p 轨 道和 Cr 原子的 3d 轨道杂化在一起形成 ,其中价带 顶下降到 – 1.8 eV ,导带最低为 0.3 eV 运用剪刀算 符方法^[13]进行修正 ,确定修正因子为 1.02 eV ,修正 后导带位置在 1.32 eV ,较低杂质能级与价带之间 的禁带宽度为 2.32 eV ,通过计算最大能级间隔对 应的吸收波长为 534.5 nm ,从而发现这种掺杂使激 发光子进入了可见光区域 ,很容易引起吸收光谱红 移 ,提高了对可见光的响应 ,这与陈建华等人的实验 结果 Cr 掺杂锐钛矿相 TiO₂ 光能够显著提高薄膜的 光催化活性 ,薄膜的吸收带边发生了明显的红移结 果完全一致。

图 4 为锐钛矿 TiO₂ 掺杂 Mn 后的费米能级附近 的总态密度和分态密度。由图 4(b)可以看出,掺杂 Mn 后杂质能级主要由 O 原子的 2p 轨道和 Mn 原子 的 3d 轨道杂化在一起形成,运用剪刀算符方法^[13] 修正后导带位置在 2.12 eV,通过计算最大能级间 隔对应的吸收波长为 742.5 nm,从而发现电子可以 吸收较小的能量从价带跃迁导带,从而总体上减少 电子跃迁所需的能量,使激发光子进入了近红光区 域 引起吸收光谱红移。

4 光学性质

从光学性质的角度分析,图 5 为计算后纯 TiO₂, Cr、Mn 掺杂 TiO₂ 以及 Mn 掺杂 TiO₂ 后的光学吸收 谱,对未掺杂的 TiO₂,在紫外-可见光区附近有一吸 收边,在低能区对能量没有吸收,如图 5(a)中箭头 所示,到接近 3 eV 时才逐步有吸收峰出现,说明未 掺杂的 TiO₂ 对可见光的吸收能力很弱。掺杂后最 大变化是在低能区出现了新的吸收峰;Cr 掺杂后吸 收峰对应能量大约为 0.9 eV,如图 5(b)中箭头所 示,考虑到 1.02 eV 的修正因子,则能量为 1.92 eV, 并平缓的向高能方向移动,说明材料对波长约为 640 nm 以下的光能够稳定地吸收;Mn 掺杂后吸收 峰对应能量大约为 0.8 eV,如图 5(c)中箭头所示, 则能量为 1.82 eV,说明材料对波长约为 680 nm 以 下的光能够稳定地吸收,这与能带结构中的分析以 及实验结果一致。

5 结论

本文运用第一性原理计算分析了纯锐钛矿相 TiO₂、Cr、Mn 单掺杂 TiO₂ 的电荷布居、能带结构、态 密度及光学性质,理论计算结果表明:



图 5 纯 TiO₂ 及 Cr 和 Mn 单掺杂后 TiO₂ 的光学吸收谱

1) Cr 掺杂引起杂质能带位于导带底附近,杂 质能级主要由 O 原子的 2p 轨道和 Cr 原子的 3d 轨 道杂化在一起形成,杂质能带最高点与导带相距大 约0.1 eV,而最低点与价带相距大约 1.3 eV,其宽 度为 0.7 eV,通过计算最大能级间隔对应的吸收波 长为 534.5 nm,从而发现这种掺杂使激发光子进入 了可见光区域,很容易引起吸收光谱红移,提高对可 见光的响应,这与陈建华等人的实验结果完全一致。

2)掺杂 Mn 后,在带隙中央出现了3条明显的 杂质能带,杂质能级主要由 O 原子的 2p 轨道和 Mn 原子的 3d 轨道杂化在一起形成,其宽度为1.0 eV, 杂质能带最高点与导带相距大约 0.6 eV,而最低点 与价带相距大约 0.65 eV。杂质能带跨越费米面,电 子在该能带上是未填充满状态,具有很高的活性,体 系体现出金属性,计算得到吸收波长为 742.5 nm, 从而发现这种掺杂也使激发光子进入了可见光区 域 引起吸收光谱红移。

3)通过对晶体光学性质分析发现,Cr、Mn 单掺 杂会使锐钛矿 TiO₂ 光学吸收带边红移,可见光区的 光吸收系数明显增大,在低能区出现了新的吸收峰, Cr 掺杂吸收峰对应能量为 1.92 eV,Mn 掺杂吸收峰 对应能量为 1.82 eV,与实验结果相符。

参考文献:

- [1]高飞,吴再华,刘晓艳. 掺铜 TiO₂ 薄膜的制备及结构与 光学性能的研究 J]. 半导体光电 2009 30(1) 87-98.
- [2]赵伟,陈美,沈毅. 金属离子掺杂对 TiO₂ 光催化性能的 影响研究 J]. 化学试剂 2009 31(6) 431-434.
- [3] 冯庆, 汪渭华. Fe-N 共掺杂锐钛矿相 TiO₂ 电子性质与光 学性质的第一性原理[J]. 原子与分子物理学报 2010, 27(2) 345-352.
- [4]赵宗彦,柳清菊,张瑾,等.3d过渡金属掺杂锐钛矿相 TiO,的第一性原理研究[J].物理学报,2007,56(11):

- [5]冯庆,王新强,刘高斌.金红石型TiO,点缺陷性质的第 一性原理研究 J1. 原子与分子物理学报 2008 25(5): 1098-1100.
- [6] 陈建华,王晓林,龚竹青,等. Cr 掺杂对 TiO2 薄膜光催化 活性的影响 J].环境科学学报 2005 25(5) 506-610.
- [7] 刘昭麟,崔作林,张志焜. Cr 掺杂纳米 TiO2 结构相变及 光谱特征[J].功能材料 2005 9(36):1404-1408.
- [8]陈建华,赵翠华,龚竹青. Cr离子掺杂对负载 TiO2 薄膜 光催化活性的影响[J].环境技术 2004 A 9-13.
- [9] 冯雷 敏世雄 汪芳 ,等. 太阳光下 Cr³⁺ 掺杂 TiO₂ 复合微 粒光催化性能研究[J]. 化式新型材料, 2009, 37(2): 61-64.

- [10]马占营,佘世雄, 敏世雄, 等. Cr 掺杂的 TiO, 纳米复合 微粒的合成及表征 J1. 兰州大学学报 2005 41(2)64-67.
- [11] Asahi R , Taga Y , Mannstadt W , et al. Electronic and optical properties of anatase TiO₂[J]. Phys Rev B , 2000 61 , 7459-7465.
- [12] 赵宗彦 柳清菊 ,朱忠其 ,等. 锐钛矿相 TiO₂ 电子结构 和光学性质的第一性原理研究[J].半导体学报, 2007 28(10):1555-1561.
- [13] Segall M D , Lindan P J D , Probert M J , et al. First-pinciples simulation :ideas ,illustrations and the CASTEP code [J]. Journal of Physics : Condensed Matter, 2002, 14: 2714-2744.

First-principles Study of Electronic and Optical Property of **Cr-doped and Mn-doped Anatase TiO**₂

WANG Wei-hua, FENG Oing

(College of Physics and Electronic Engineering , Key Lab of Optics and Engineering , Chongqing Normal University ,

Chongqing 400047, China)

Abstract : In this paper, the band structures, density of states, charge population and optical properties of pure, Cr-doped and Mndoped anatase-phase TiO₂ were studied by using the plane-wave ultrasoft pseudopotentials method based on the density functional theory. The analysis from the band structures , density of states and optical properties showed that there are three new impurity bands located in the middle of band gap in Mn-doped TiO2. The top of impurity band was apart from the conduction band by 0.6 eV and the bottom of the impurity band was at a distance of 0.65 eV from valence band. The impurity bands are formed mainly by the O-atom 2p orbital and the Mn-atom 3d orbital hybridized together. The Cr-doped TiO₂ produced a new band near the bottom of conduct band. The top of impurity band was apart from the conduct band by 0.1eV and the bottom of the impurity band was at a distance of 1.3 eV from valence band. The impurity band was composed of the O-atom 2p orbital and the Cr-atom 3d orbital hybridized together. Because of the emergence of impurity level, the band gap became smaller. It is theoretically predicted that Cr-doped and Mn-doped anatase-phase TiO₂ would lead to the red shift of absorption wavelength and the increase in coefficience of light absorption. A new absorption peak in the low-energy region, corresponding to energy 0.9 eV has been found experimentally in Cr-doped anatase-phase TiO2. A peak corresponding to energy 0.8 eV has been found experimentally in Mn-doped . The present theoretical conclusion is in agreement with the experimental result.

Key words : anatase TiO₂; first-principles; density functional theory; Cr-doped; Mn-doped

(责任编辑 欧红叶)